

**Gegeben:** Array  $A$  ganzer Zahlen; Element  $x$

**Gesucht:** Wo kommt  $x$  in  $A$  vor?

**Naives Vorgehen:**

- ▶ Vergleiche  $x$  der Reihe nach mit  $A[0]$ ,  $A[1]$ , usw.
- ▶ Finden wir  $i$  mit  $A[i] == x$ , geben wir  $i$  aus.
- ▶ Andernfalls geben wir  $-1$  aus: „Element nicht gefunden“!

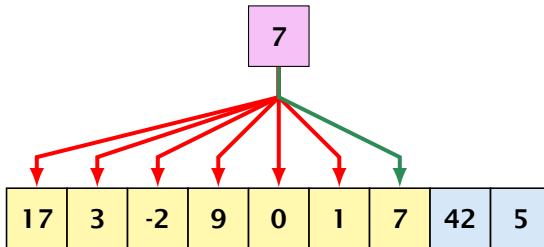
# Naives Suchen

```
1 Input: Array A mit Laenge n; Element x
2 Output: i mit A[i] == x falls existent
3         sonst -1
4
5 find(A,x)
6     i = 0;
7     while (i < n && A[i] != x)
8         i++;
9     if (i == n)
10        return -1;
11    else
12        return i;
```

## Naives Suchen

# Beispiel

Animation ist nur in der Vorlesungsversion der Folien vorhanden.



yes

# Laufzeit Naives Suchen

## Best-case:

Wenn  $x$  an Position 0.

⇒ Laufzeit:  $\mathcal{O}(1)$ .

## Worst-case:

Wenn  $x$  nicht vorkommt.

⇒ Laufzeit:  $\mathcal{O}(n)$ .

**...geht das besser?**

# Binäre Suche

**Annahme:** Input ist sortiert.

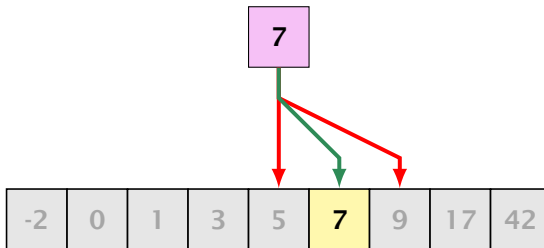
**Idee:**

- ▶ Vergleiche  $x$  mit dem Wert, der in der Mitte steht.
- ▶ Liegt Gleichheit vor, sind wir fertig.
- ▶ Ist  $x$  kleiner, brauchen wir nur noch links weitersuchen.
- ▶ Ist  $x$  größer, brauchen wir nur noch rechts weiter suchen.

⇒ binäre Suche

# Beispiel

Animation ist nur in der Vorlesungsversion der Folien vorhanden.



- wir benötigen nur **drei** Vergleiche

# Implementierung

```
1 Input: sortiertes Array A; Element x;
2       linker Index n1; rechter Index nr; n1<=nr
3 Output: Index i; n1 ≤ i ≤ nr mit A[i]==x falls existent
4         sonst -1
5 find(A, x, n1, nr) // Inputlänge ist n=nr-n1+1
6     t = (n1 + nr) / 2;
7     if (A[t] == x)
8         return t;
9     if (n1 == nr)
10        return -1;
11    if (x > A[t])
12        return find(A, x, t+1, nr);
13    if (n1 < t)
14        return find(A, x, n1, t-1);
15    return -1;
```

# Laufzeit Binäre Suche

**Laufzeit:**

$$T(n) = \begin{cases} \mathcal{O}(1) & A[t] == x \\ \mathcal{O}(1) & nl == nr \\ \mathcal{O}(1) + T(nr - t) & x > A[t] \\ \mathcal{O}(1) + T(t - nl) & nl < t \end{cases}$$

**oder**

$$T(n) \leq \begin{cases} \mathcal{O}(1) & n = 1 \\ \mathcal{O}(1) + T(\lfloor n/2 \rfloor) & \text{sonst} \end{cases}$$



# Laufzeit Binäre Suche

**Lösen der Rekursionsgleichung:**

$$T(n) \leq \begin{cases} \mathcal{O}(1) & n = 1 \\ \mathcal{O}(1) + T(\lfloor n/2 \rfloor) & \text{sonst} \end{cases}$$

Üblicherweise nur für  $n = 2^k$ ; z.B. durch vollständige Induktion.